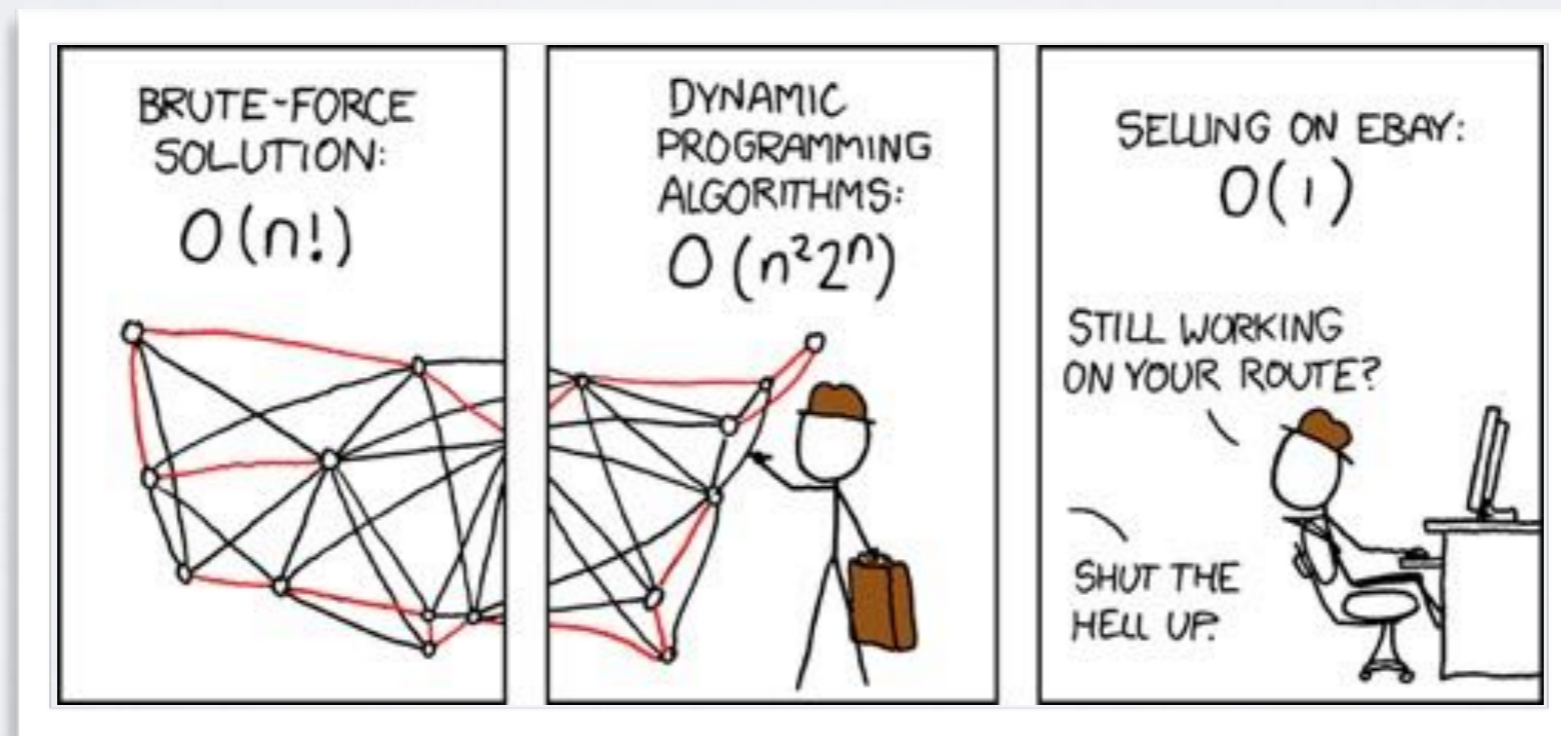


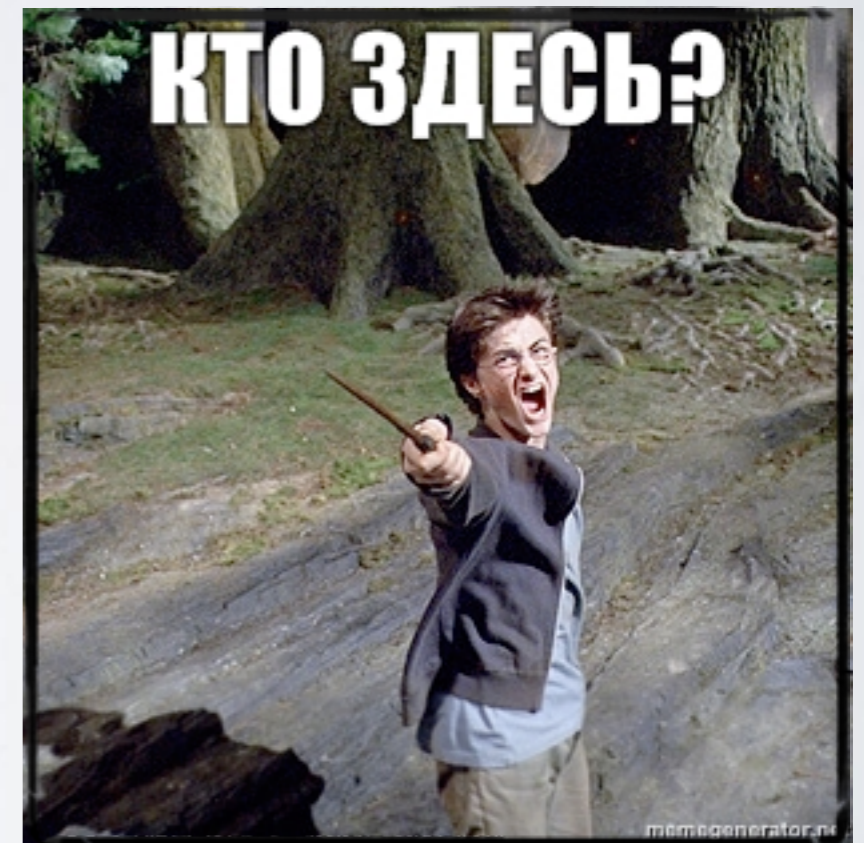
# ОСНОВЫ ПРОГРАММНОГО КОНСТРУИРОВАНИЯ

Лекция № 8  
23 октября 2017 г.



# ПРОФЕССИЯ: ПРОГРАММИСТ

- Пожарные борются с огнем.
- Педагоги борются с детьми.
- Полиция борется с преступностью.
- Программисты борются ...



... СО СЛОЖНОСТЬЮ!

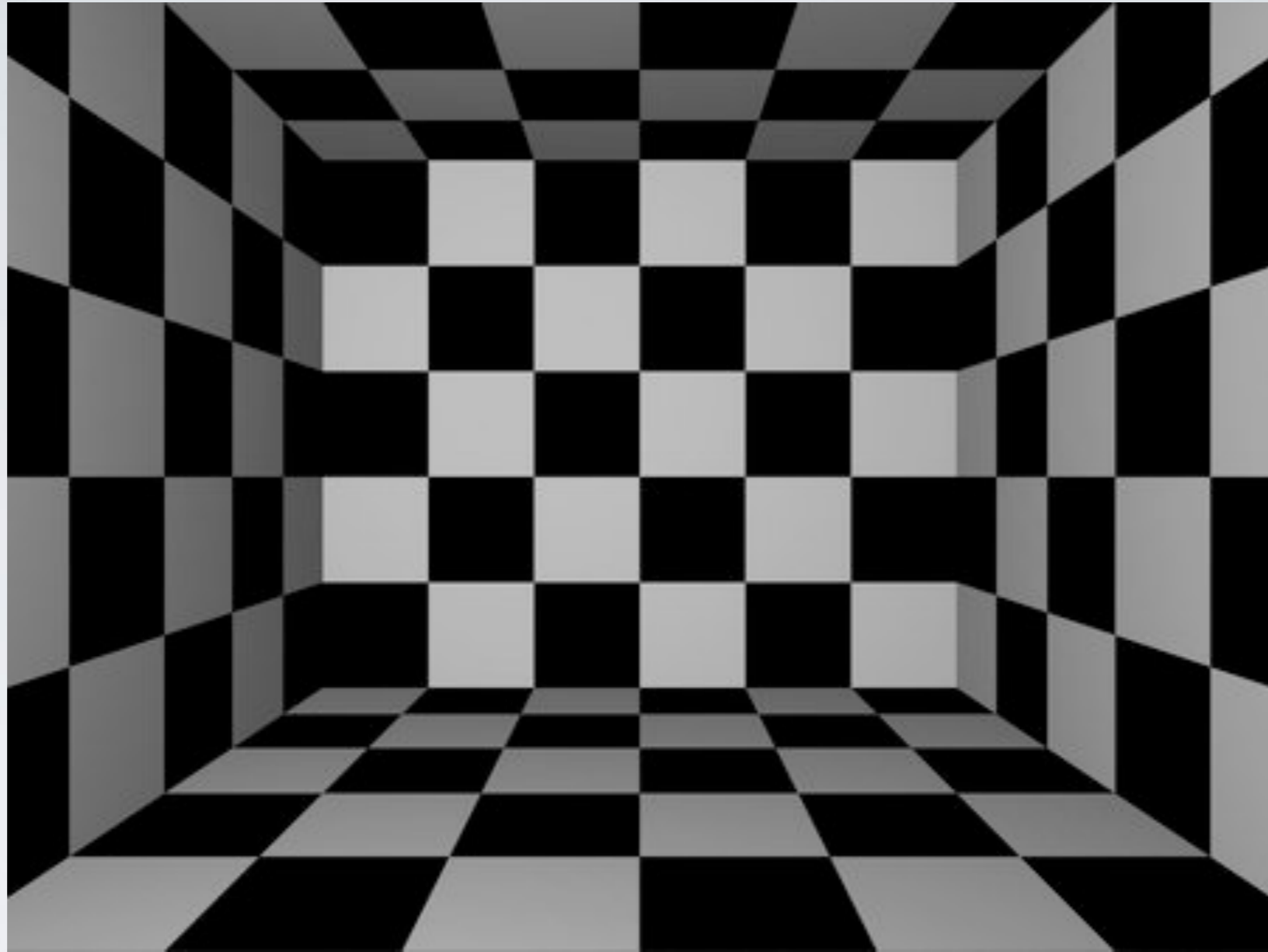
# ЧТО СЛОЖНЕЕ?



# РАБОТА С ЧЕРНЫМИ ЯЩИКАМИ

```
#include "blackbox.h"  
  
int main() {  
    blackbox_prepare();  
    return blackbox_work_hard();  
}
```





ЕСЛИ НЕТ ЧЕРНОГО ЯЩИКА?

Сделать его с помощью других ящиков!

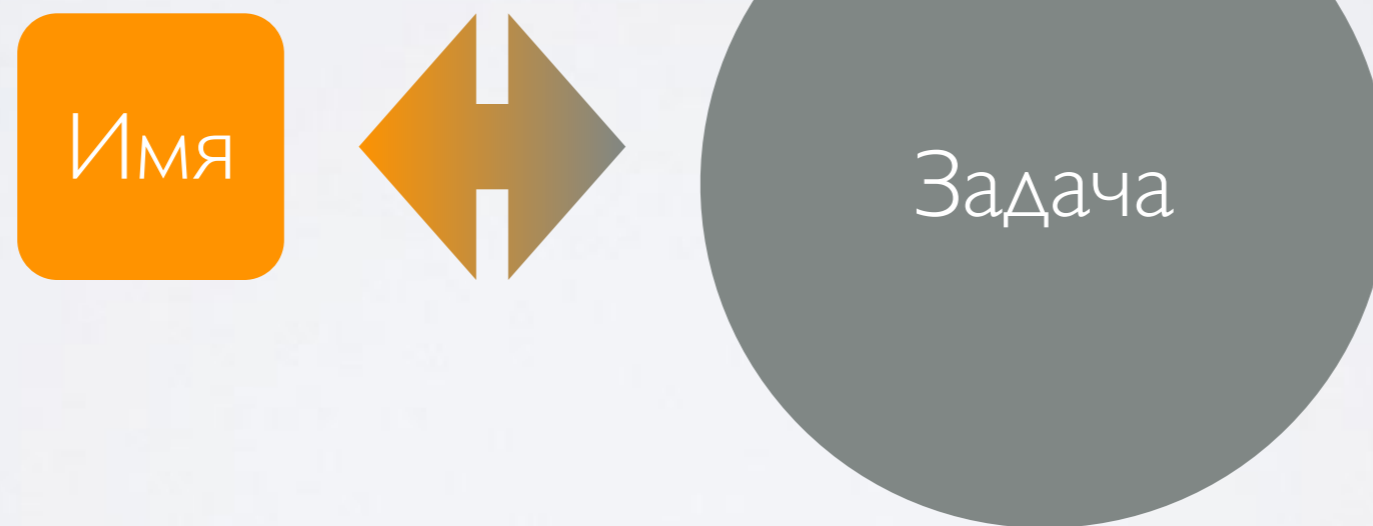


# ДЕКОМПОЗИЦИЯ





# ПЕРВОЕ ПРЕДСТАВЛЕНИЕ МОДУЛЯ



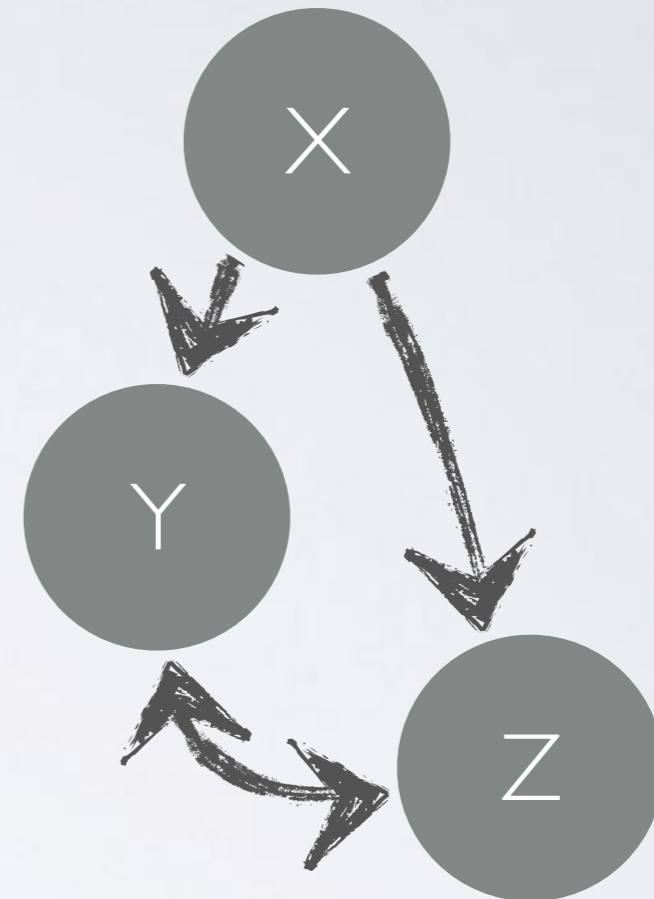
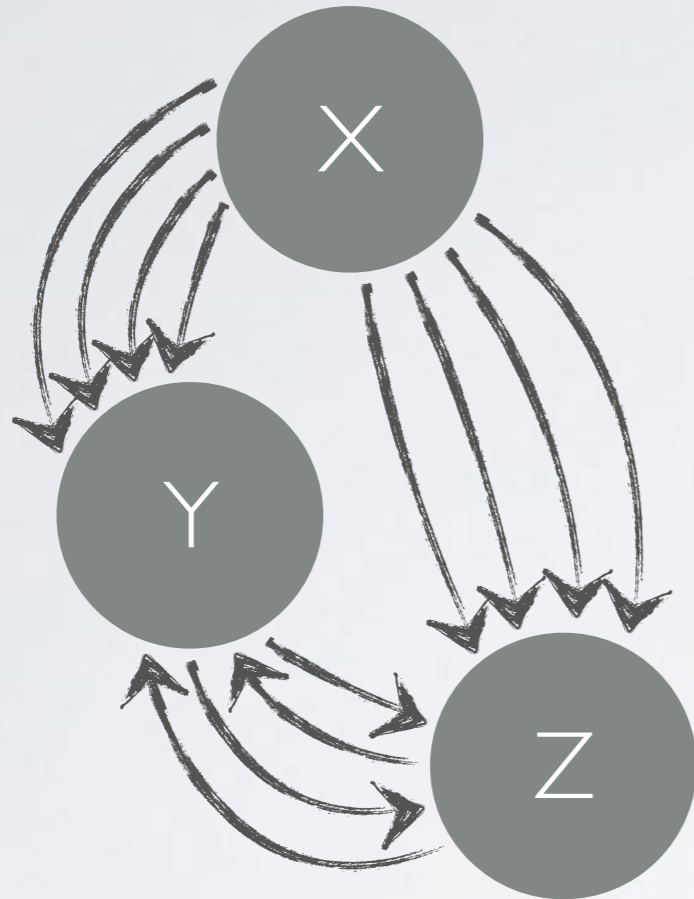
# ПРОСТЕЙШИЕ СПОСОБЫ ДЕКОМПОЗИЦИИ

- Взаимодействие с пользователем (**User Interface**) – отдельный модуль.
- Обработка разных структур данных – в разных модулях (**list.c, stack.c, queue.c, ...**).
- Элементы функциональности, близкие по смыслу – в один модуль (**io.c, parse.c, errors.c**).
- Если процесс естественным образом разбивается на отдельные шаги, то каждый шаг – в свой модуль (**prepare.c, get\_data.c, process.c, output.c**).

# УТОЧНЕНИЕ ПРЕДСТАВЛЕНИЯ

- Модули состоят из функций.
- Функции вызывают другие функции, из своего модуля и из других модулей.
- Вызовы функций – связи между модулями.

# КАРТИНКИ СВЯЗЕЙ



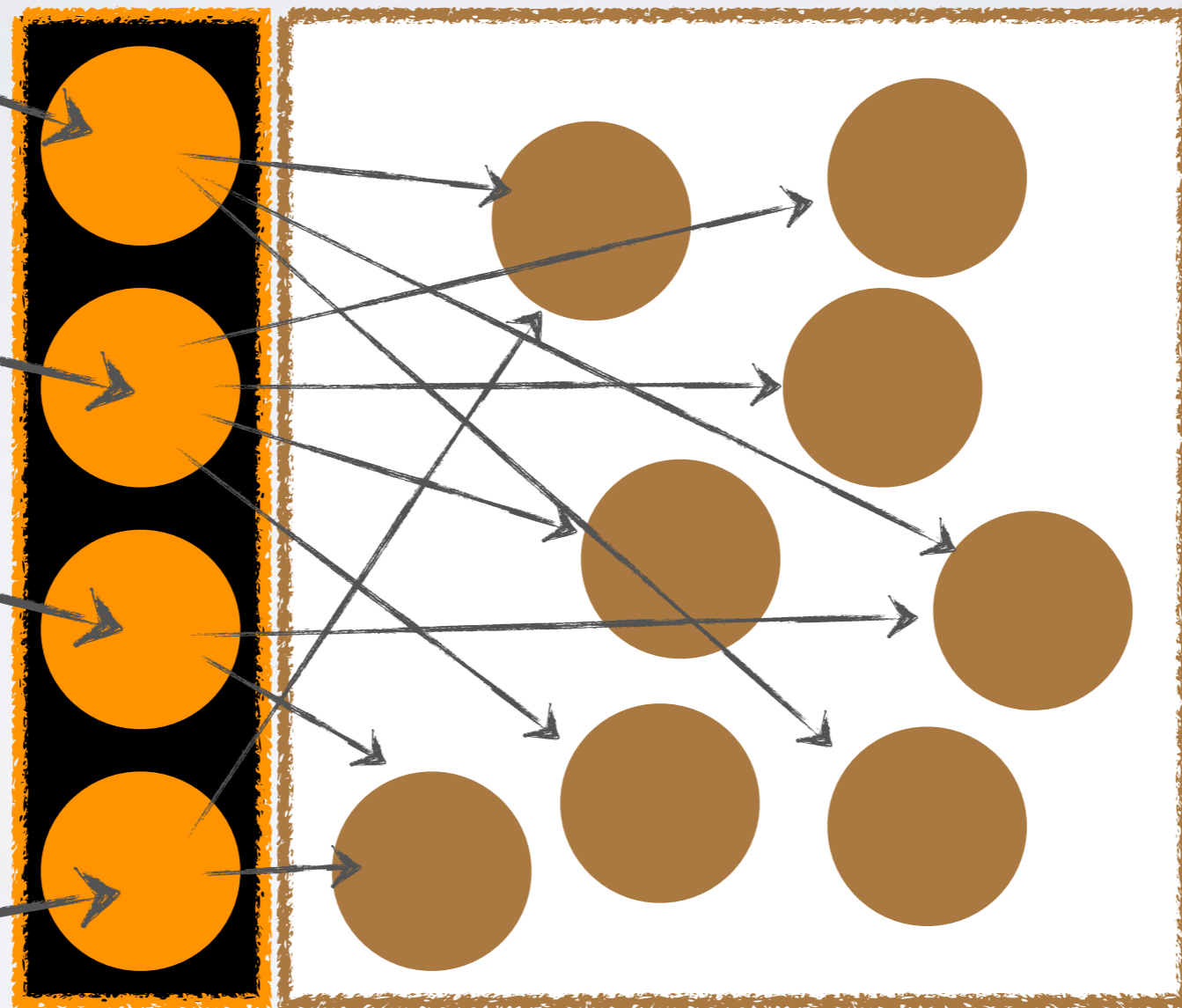
Что проще?

Мера сложности системы — количество связей.

# МЕРЫ ПРОТИВ СЛОЖНОСТИ

Черный ящик

Прозрачный ящик



Интерфейс

Реализация

# ИНТЕРФЕЙС И РЕАЛИЗАЦИЯ

- Адресная книга:
  - **Интерфейс:** операции (добавить запись, найти по имени).
  - **Реализация** операций: код функций, основанный на конкретном представлении хранилища и выбранных алгоритмах, а также вспомогательные функции.





# УСТРОЙСТВО МОДУЛЕЙ В С

- Каждый модуль состоит как минимум из двух файлов:
  - **module\_name.h** – заголовочный файл, содержит определение констант (`#define`, `enum`), типов данных (`struct`, `typedef`) и прототипы функций интерфейса.
  - **module\_name.c** – файл с кодом функций интерфейса и вспомогательных функций.
- Использование модуля:
  - `#include "module_name.h"`

# RATIONAL.H

```
#ifndef RATIONAL_H
#define RATIONAL_H

#include <stdio.h>

typedef struct _Rational {
    int numer;
    int denom;
} Rational;

void rat_create(Rational *res, int a, int b);

void rat_add(Rational *result, Rational *a, Rational *b);
void rat_sub(Rational *result, Rational *a, Rational *b);
void rat_mul(Rational *result, Rational *a, Rational *b);
void rat_div(Rational *result, Rational *a, Rational *b);

void rat_power(Rational *result, Rational *r, int power);

int rat_to_i(Rational *a);
double rat_to_f(Rational *a);

int rat_compare(Rational *a, Rational *b);
void rat_print(Rational *a, FILE *fp);

#endif
```

# RATIONAL.C

```
#include "rational.h"

static void normalize(Rational *rat);

void rat_mul(Rational *result, Rational *a, Rational *b) {
    result->numer = a->numer * b->numer;
    result->denom = a->denom * b->denom;

    normalize(result);
}

/* ... */

static void normalize(Rational *rat) {
    /* ... */
}
```

# MAIN.C

```
#include "rational.h"

int main(void) {
    Rational p, q, r;

    rat_create(&p, 1, 2);
    rat_create(&q, 1, 3);
    rat_add(&r, &p, &q);
    rat_print(&r, stdout);
    return 0;
}
```

# СТАНДАРТНАЯ БИБЛИОТЕКА С

- Набор интерфейсов!
  - `stdio.h` – ввод/вывод.
  - `string.h` – работа со строками.
  - `math.h` – математические функции.
  - `time.h` – функции работы со временем и датой.
  - `stdlib.h` – прочие важные функции.



# ПОЧЕМУ ИНТЕРФЕЙС ВАЖНЕЕ РЕАЛИЗАЦИИ?

- На один интерфейс может быть несколько реализаций (но не наоборот!).
- Если интерфейс удачный, модуль легче повторно использовать.
- Если интерфейс выпущен в широкую публику, его гораздо сложнее изменить.
- Интерфейс — это то, что увидят другие, реализацию могут и не увидеть.

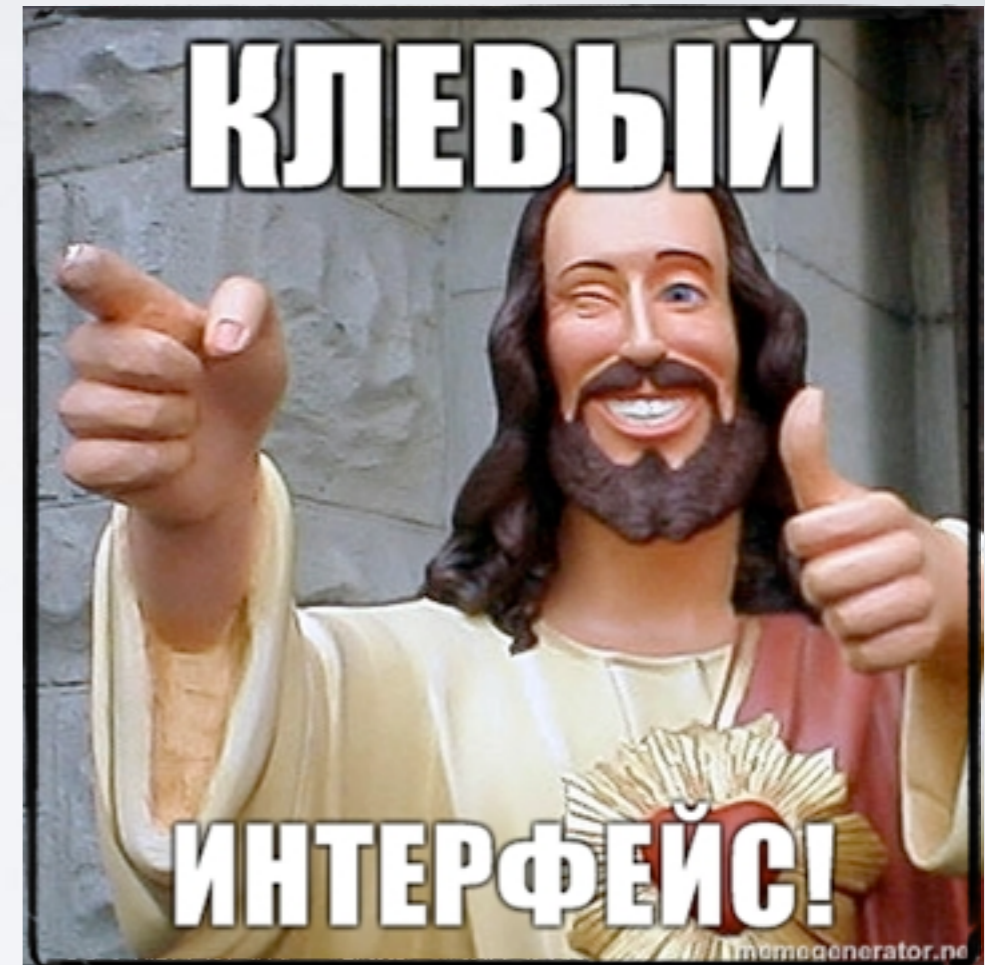


# ОПЕРАЦИОННАЯ СИСТЕМА КАК ИНТЕРФЕЙС

- ▶ What would you do if you had to do it over again?
- ▶ *Ken Thompson (the creator of UNIX): I'd spell creat with e.*

# ХОРОШИЙ ИНТЕРФЕЙС

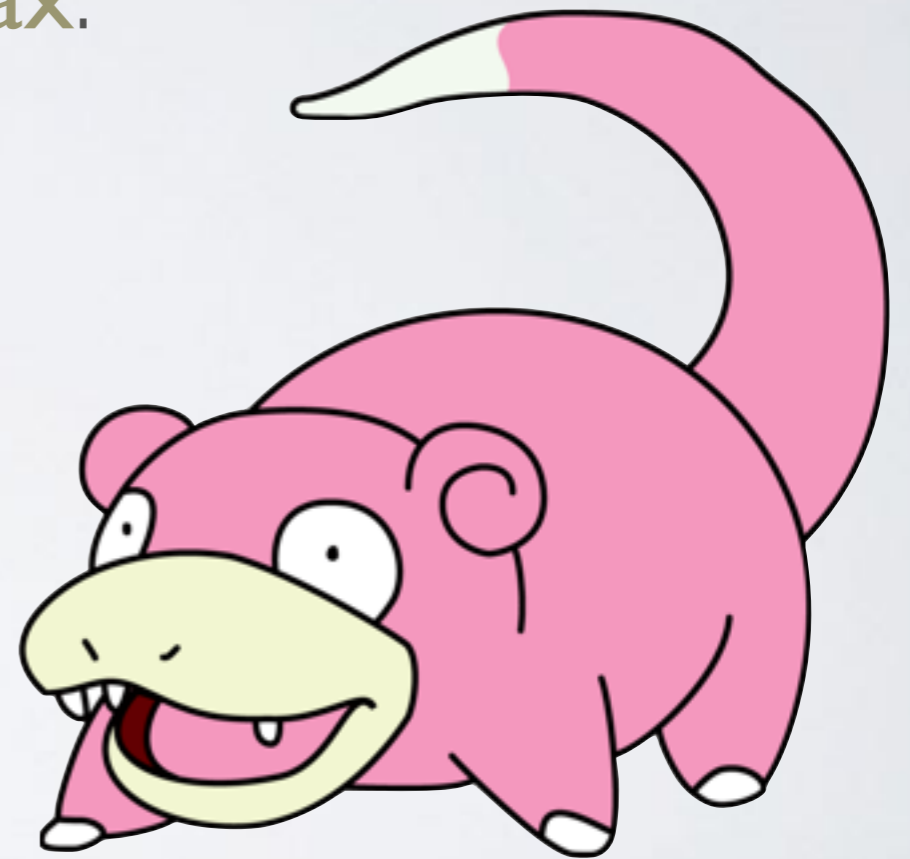
- Легко изучить.
- Легко использовать, даже без документации.
- Сложно использовать неправильно.
- Код, написанный с помощью этого интерфейса, легко читать и поддерживать.
- Достаточная сила (количество возможностей).
- Легкая расширяемость.
- Подходит пользователям, которые будут его использовать.



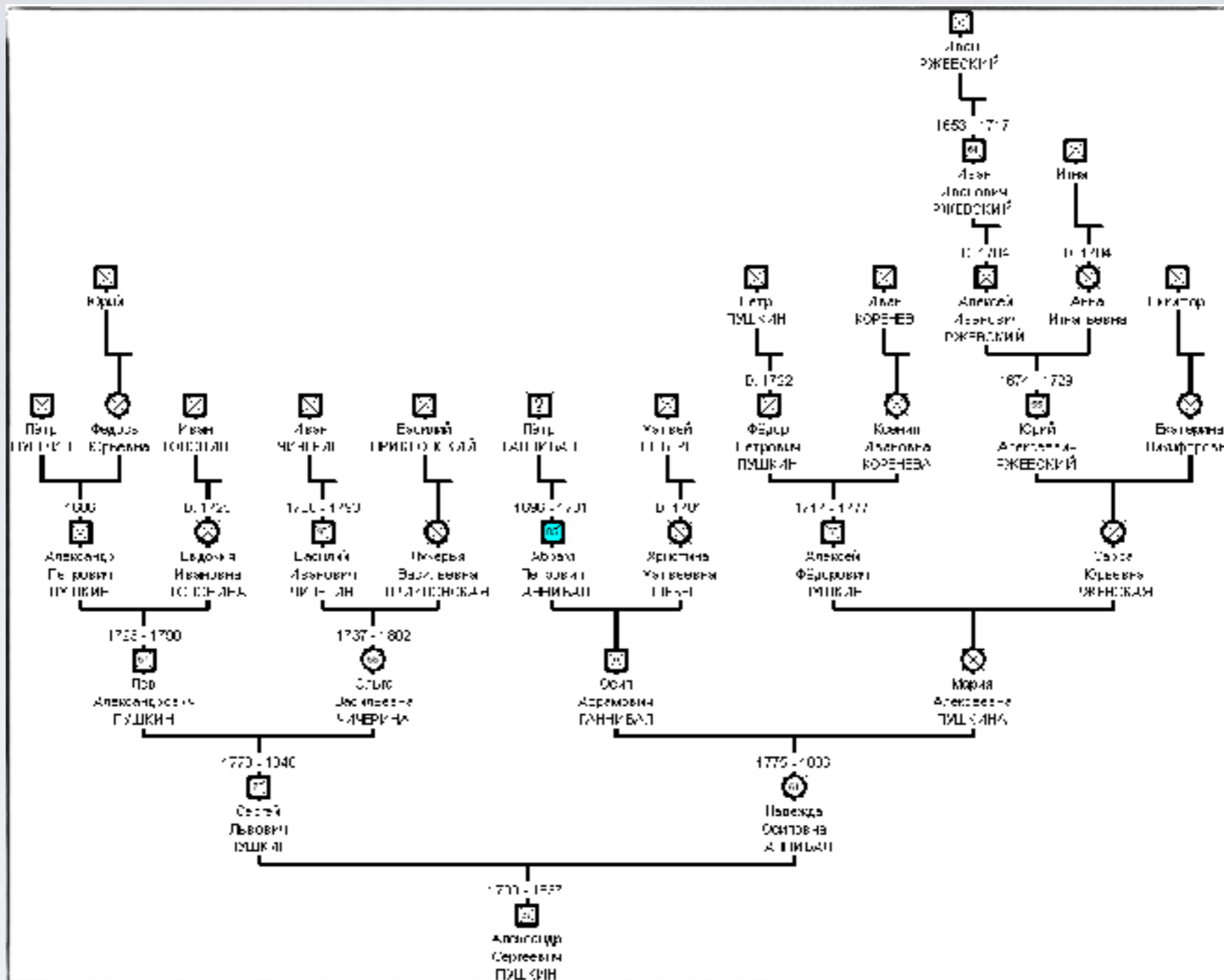
# ЗНАКОМЫЕ СТРУКТУРЫ ДАННЫХ

Операции в **массивах** и **связных списках**:

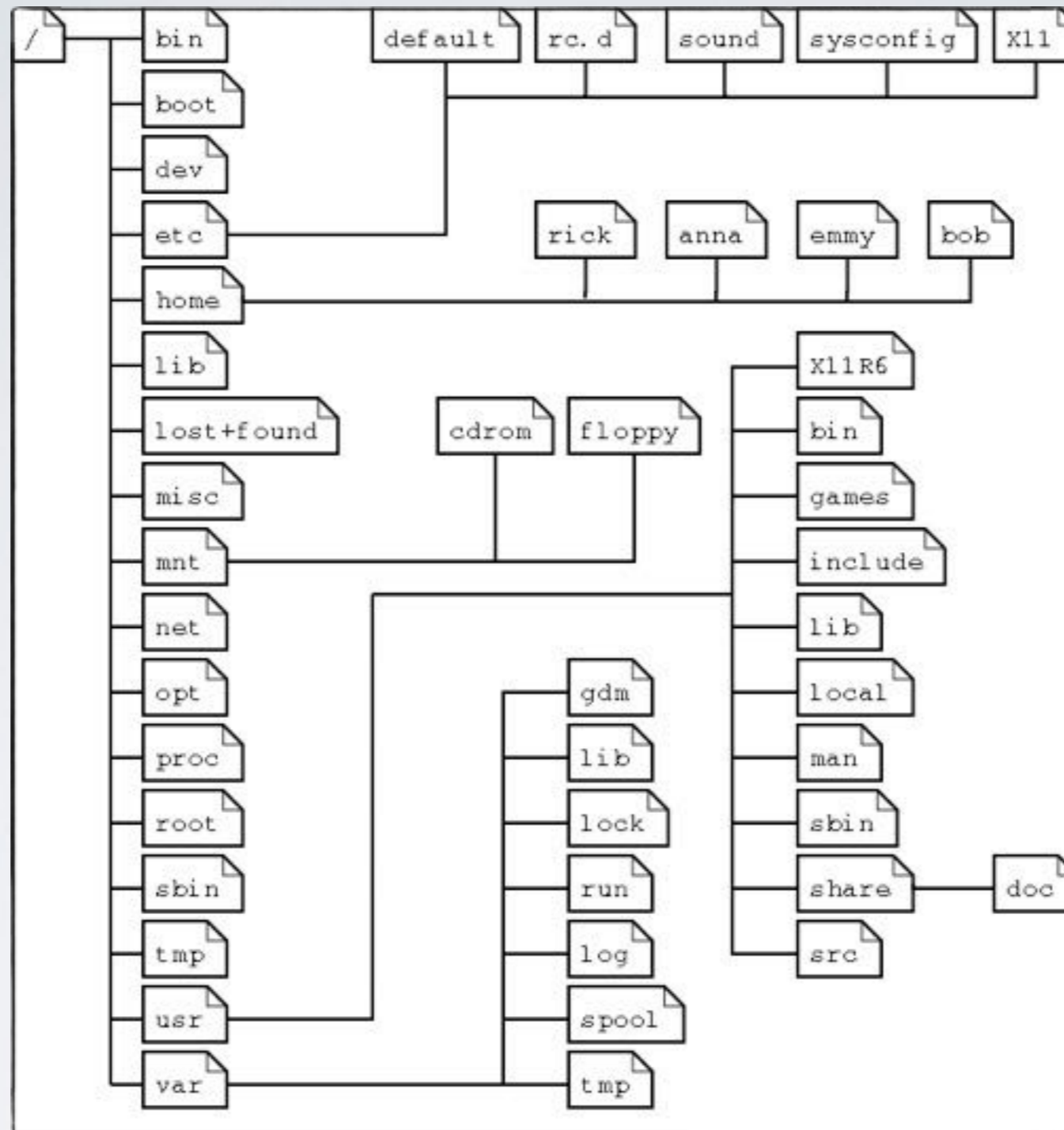
- Вставка:  $O(N)$  и  $O(1)$ .
- Удаление:  $O(N)$  и  $O(1)$ .
- Доступ по индексу:  $O(1)$  и  $O(N)$ .
- Поиск по значению:  $O(N)$  и  $O(N)$ .



ДАЛЕЕ: НАЙТИ ОБЩЕЕ



Генеалогическое дерево

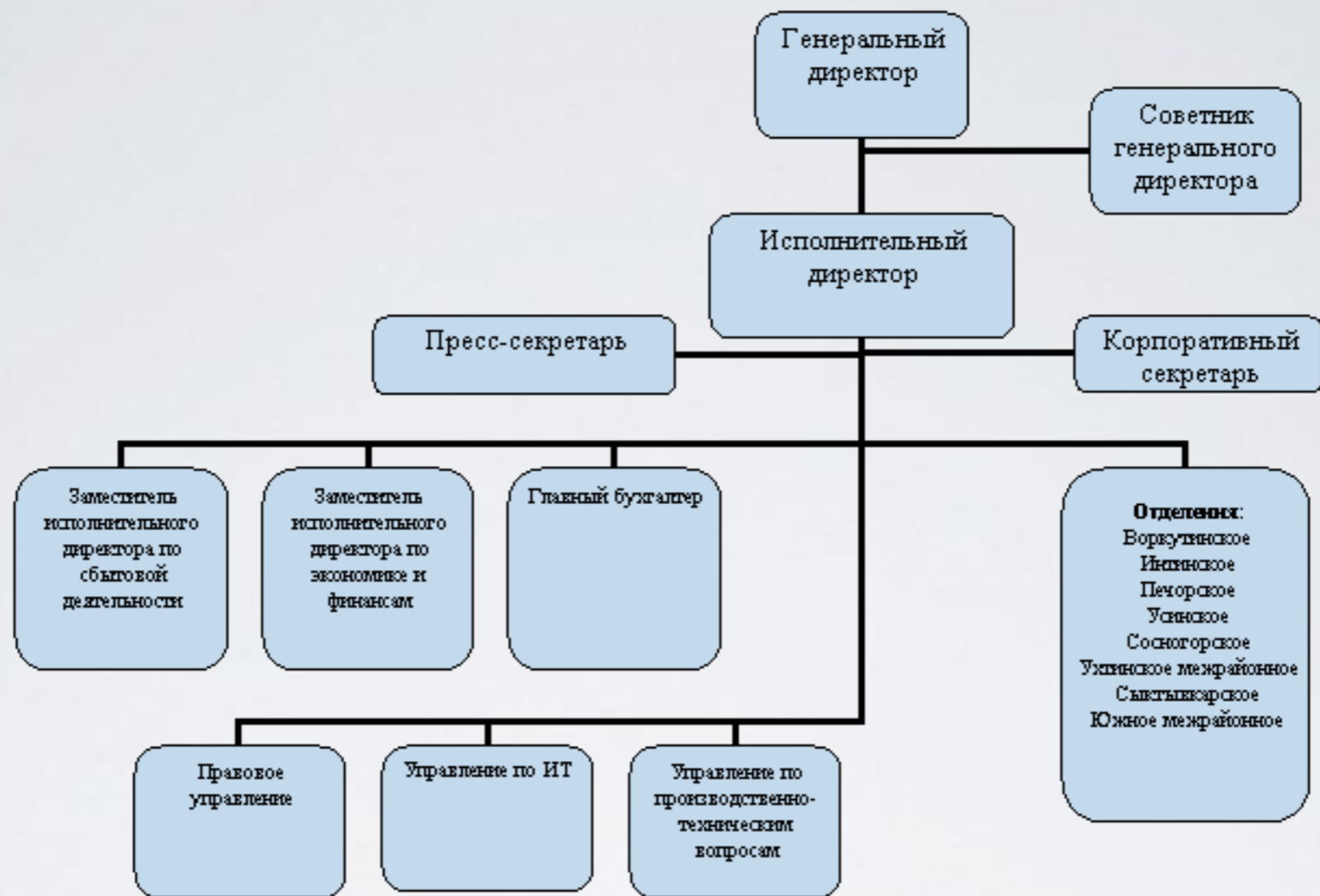


Файлы и каталоги



```
<client>
  <address>
    <street>5401 Julio Ave.</street>
    <city>San Jose</city>
    <state>CA</state>
    <zip>95116</zip>
  </address>
  <phone>
    <work>4084630000</work>
    <home>4081111111</home>
    <cell>4082222222</cell>
  </phone>
  <fax>4087776666</fax>
  <email>love2shop@yahoo.com</email>
</client>
```

XML-документ



Организационная структура предприятия

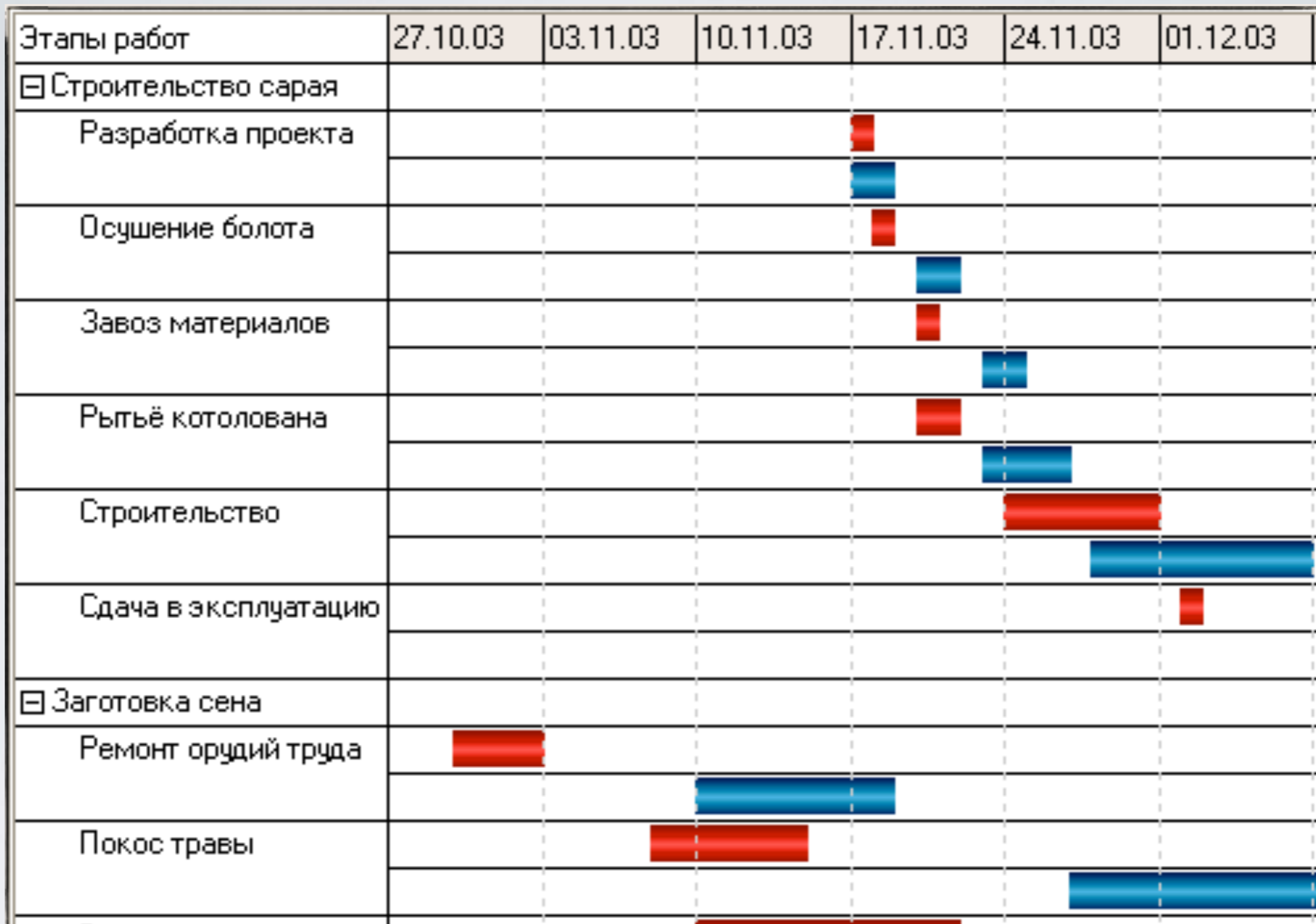
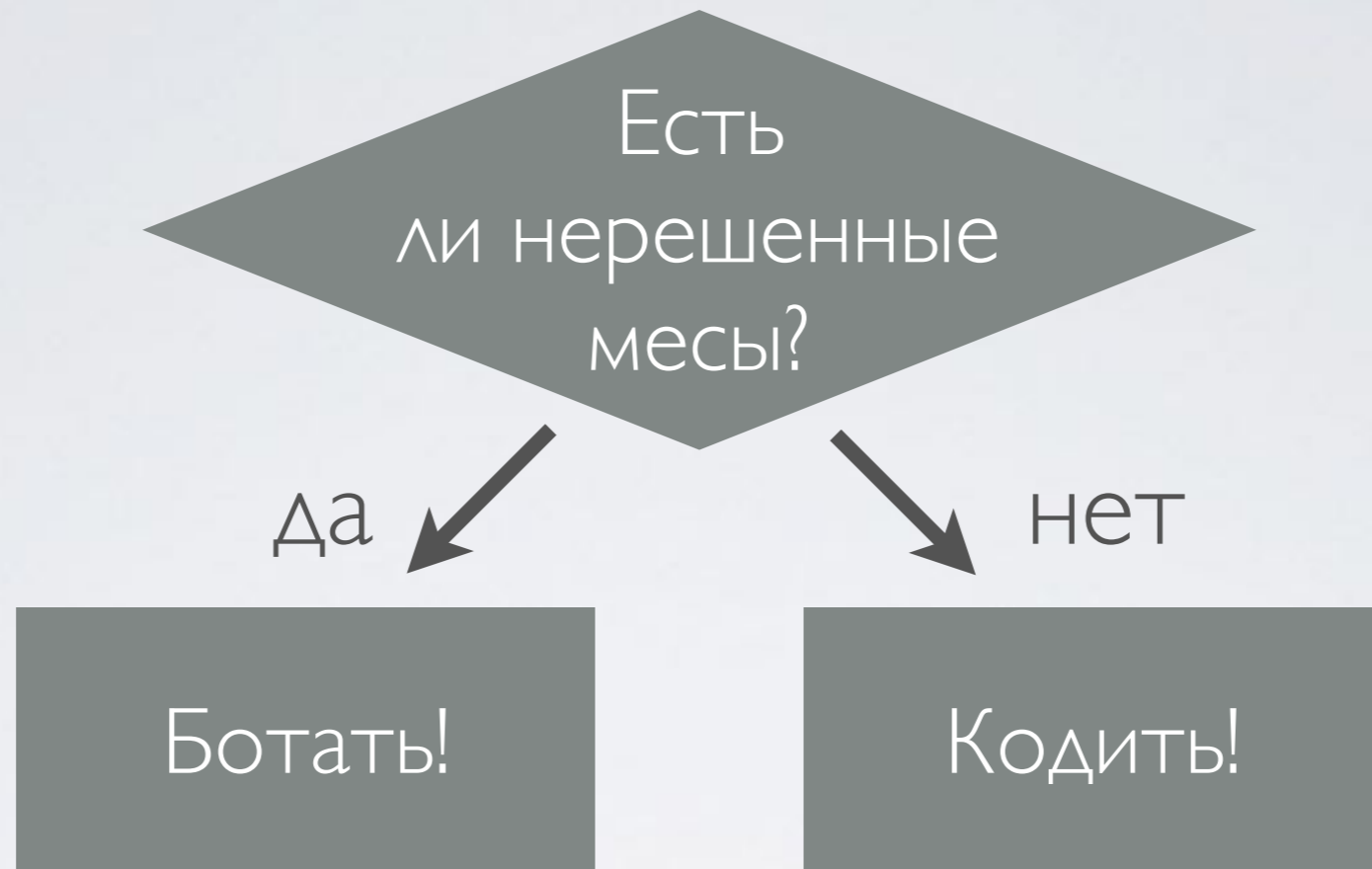


Диаграмма Ганта



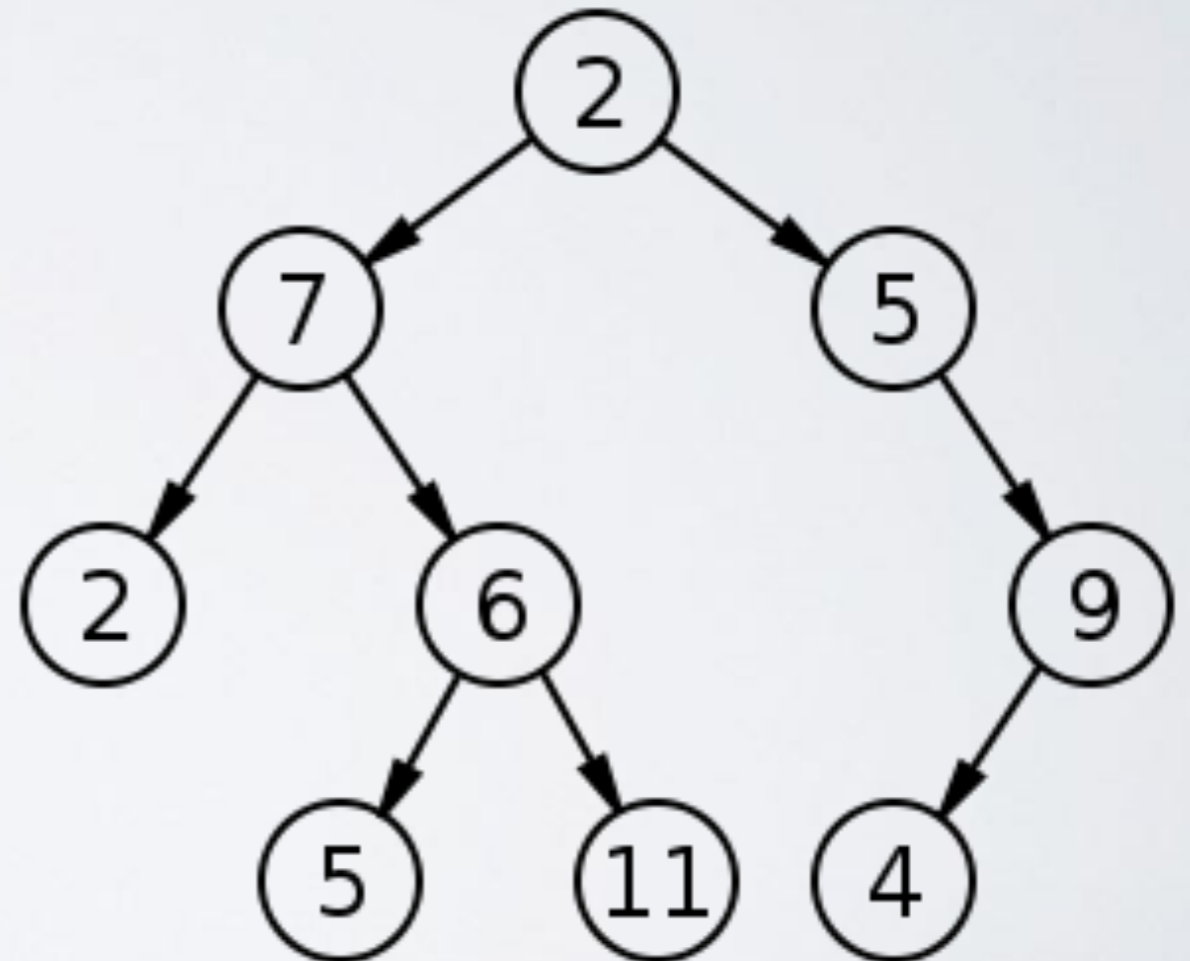
Дерево решений

# СТРУКТУРА ДАННЫХ: ДЕРЕВО

- Состоит из элементов (узлов).
- Имеет корень.
- Все остальные узлы, кроме корня, распределены по непересекающимся подмножествам — поддеревьям.

# ДРЕВОВОВЕДЕНИЕ

- **Корень** (2).
- **Внутренние узлы** (2, 7, 5, 6, 9) и **листья** (2, 5, 11, 4).
- **Родитель** (7 для 2 и 6; 9 для 4; 2 для 5 и 7) и **потомки** (дочерние узлы).
- **Сестринские узлы** (5 для 7; 2 для 6; 11 для 5).



# ИНТЕРФЕЙС ДЕРЕВА

- Вставка узла.
- Удаление узла.
- Обход дерева (посещение всех узлов).
- Переходы (от потомка к родителю, от сестринского узла к другому сестринскому и т.д.)



# ДЕРЕВЬЯ В С

```
struct TreeNode {  
    struct TreeNode *parent;  
    struct TreeNode **children;  
    int nchildren;  
    void *data;  
};
```

Динамический массив  
указателей на дочерние узлы

# БИНАРНОЕ ДЕРЕВО

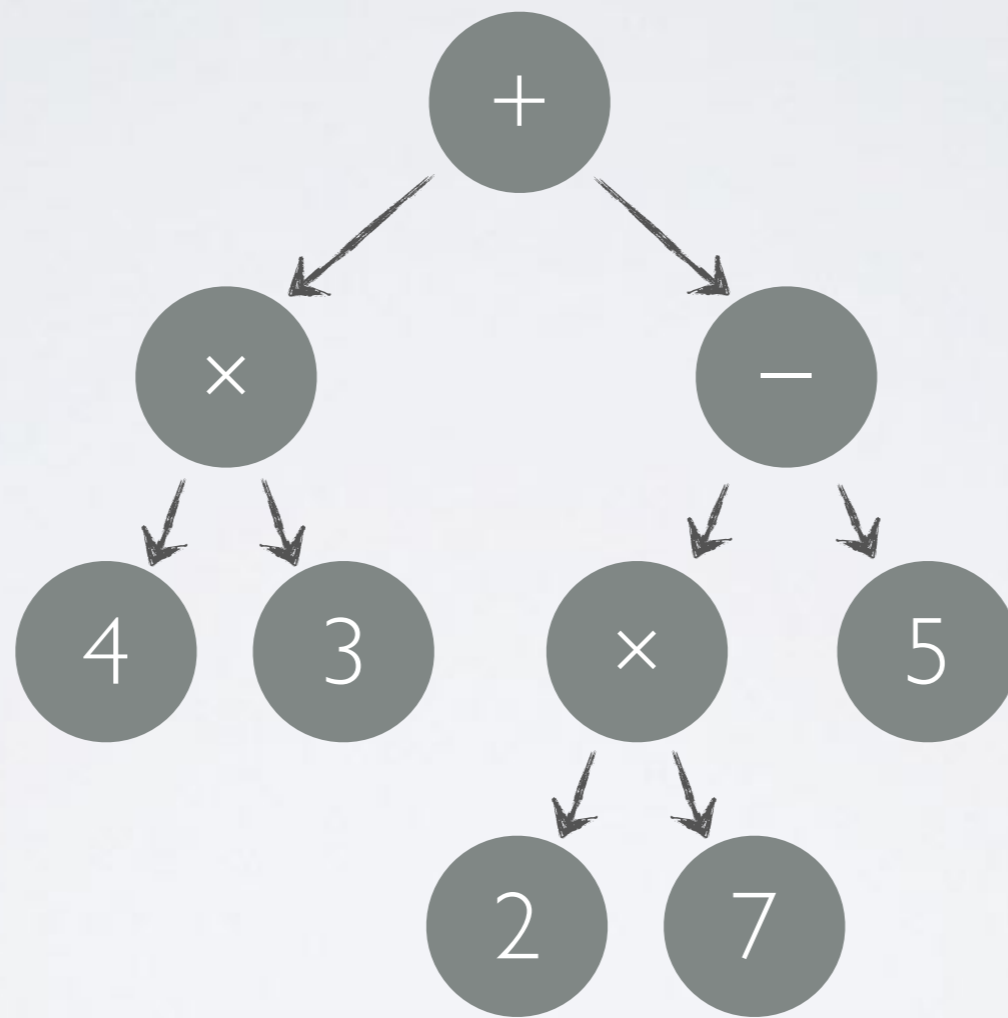
- У каждого узла максимум два потомка: **левый** и **правый**.
- Может быть так, что правый потомок присутствует, а левый — нет.
- Допустимо пустое двоичное дерево.

# ДВОИЧНЫЕ ДЕРЕВЬЯ В С

```
struct TreeNode {  
    struct TreeNode *parent;  
    struct TreeNode *left, *right;  
    void *data;  
};
```

*Популярность двоичных деревьев  
связана с удобством представления  
и работы с ними*

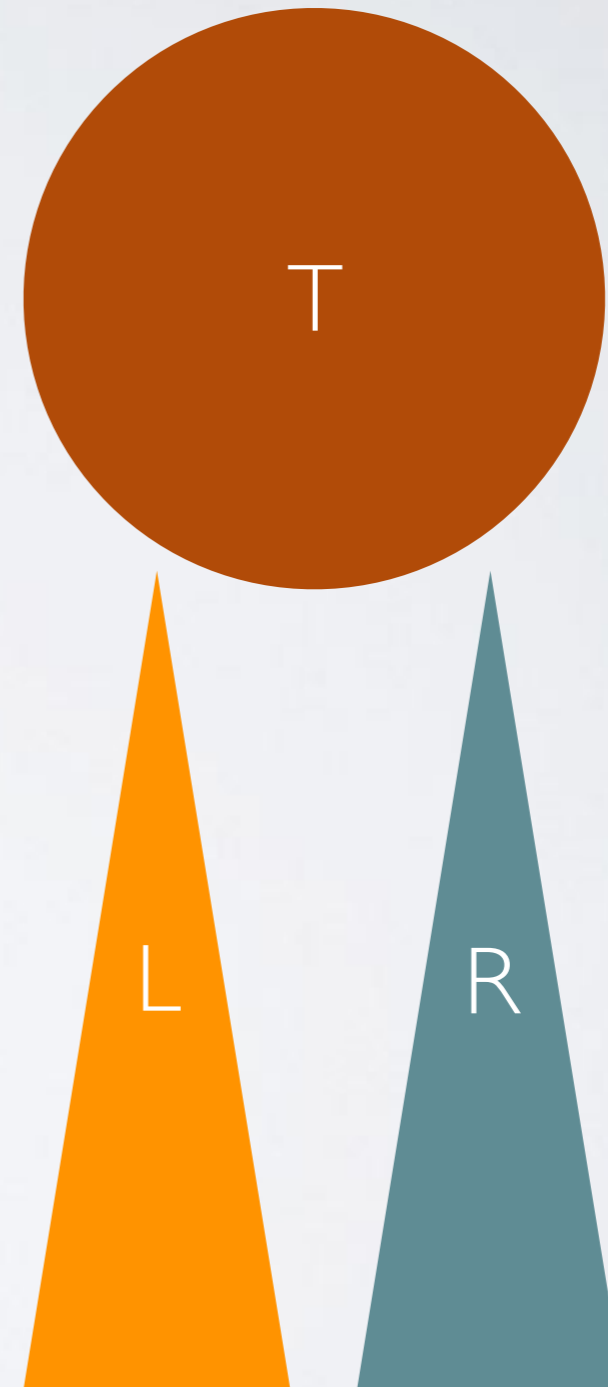
# АРИФМЕТИЧЕСКОЕ ВЫРАЖЕНИЕ



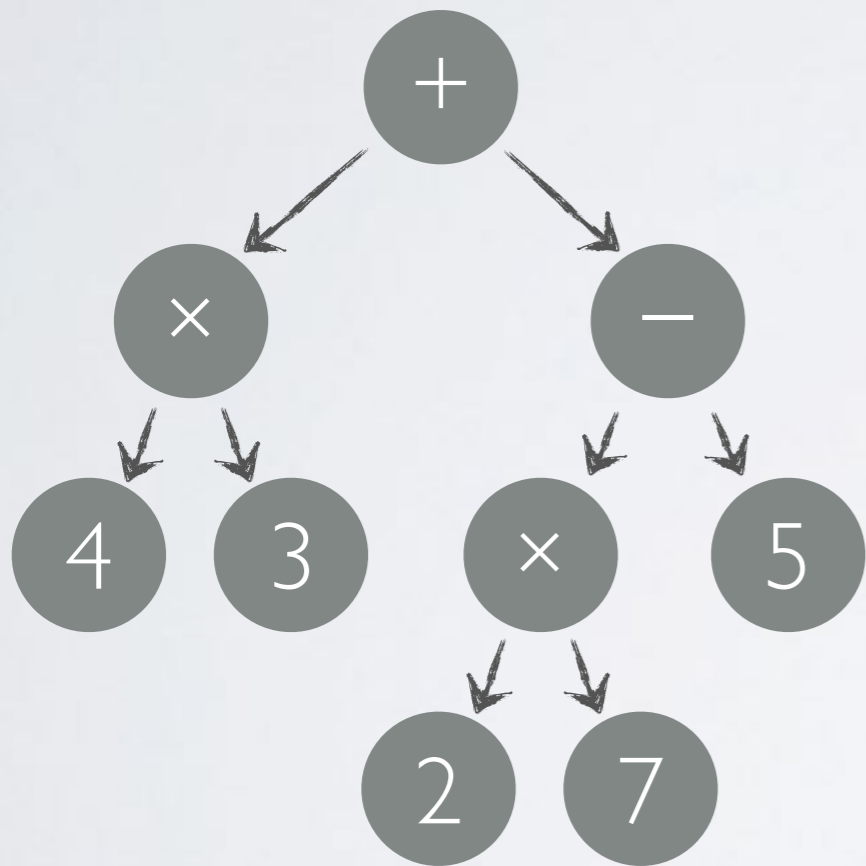
$$4 \times 3 + (2 \times 7 - 5)$$

# ОБХОДЫ ДВОИЧНОГО ДЕРЕВА

- Сверху вниз: **T, L, R.**
- Слева направо: **L, T, R.**
- Снизу вверх: **L, R, T.**



# ОБХОДЫ ДЕРЕВА ВЫРАЖЕНИЯ



Сверху вниз:

префиксная запись

$+ \times 4 3 - \times 2 7 5$

Слева направо:

инфиксная запись

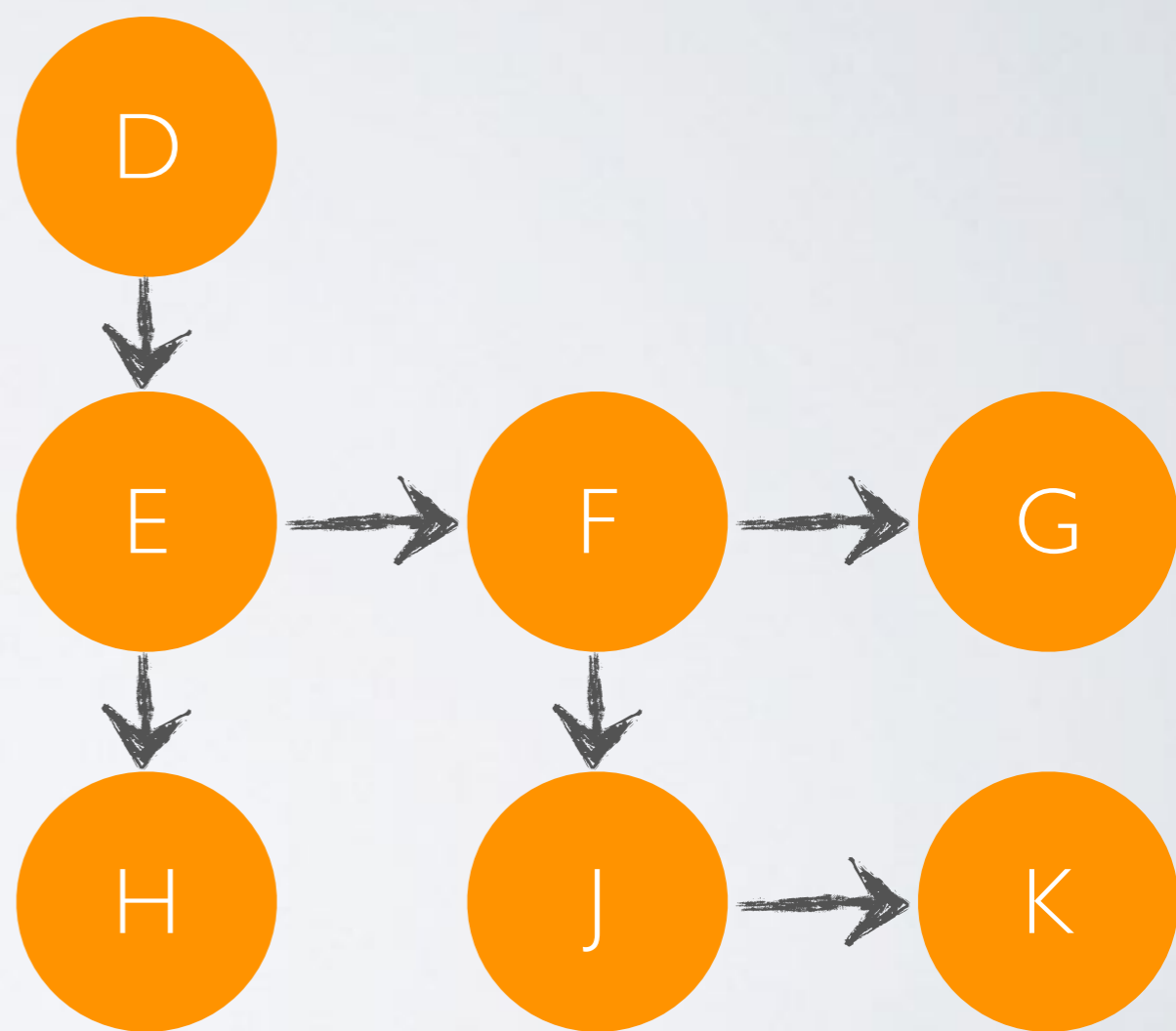
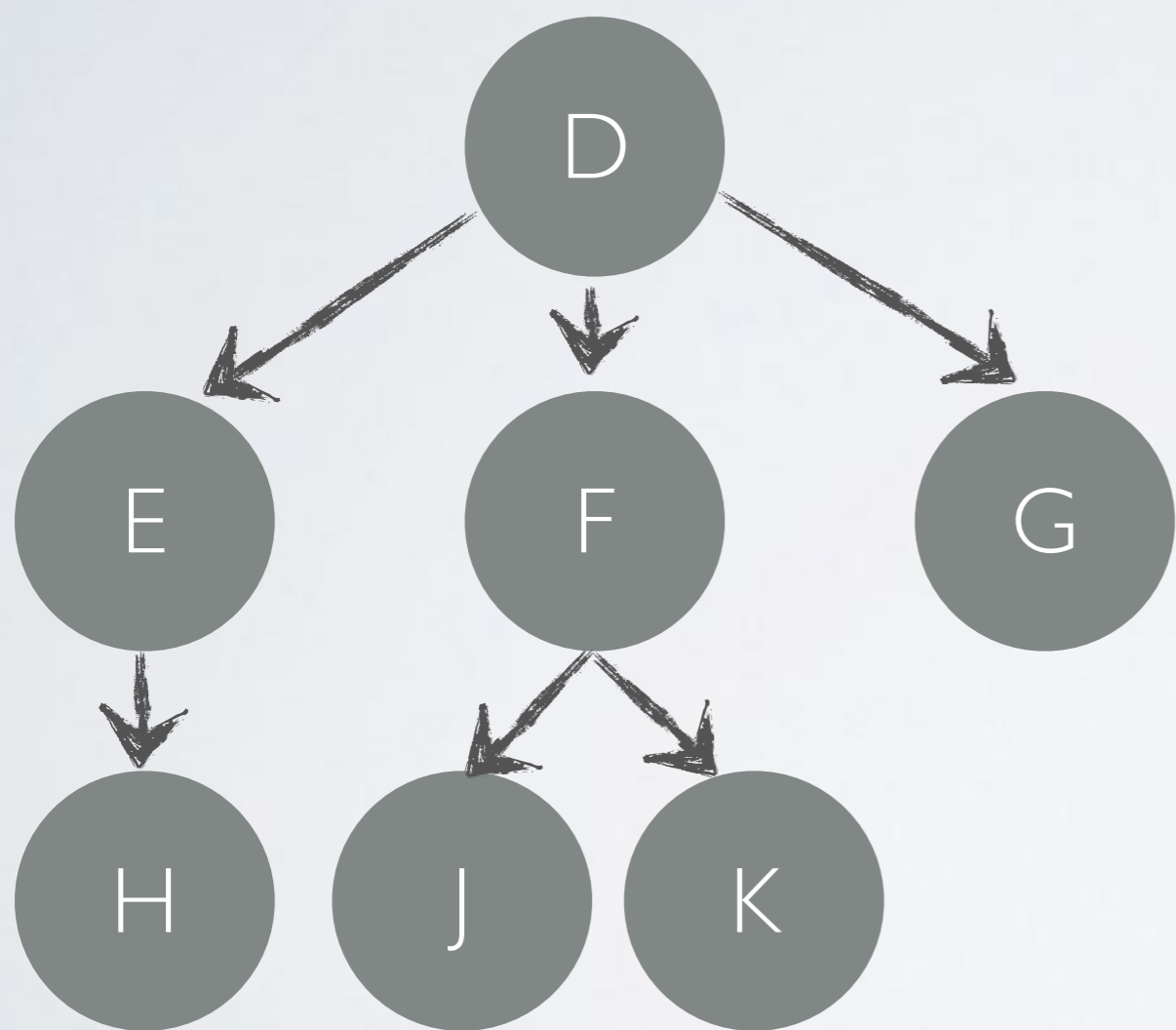
$4 \times 3 + 2 \times 7 - 5$

Снизу вверх:

постфиксная запись

$4 3 \times 2 7 \times 5 - +$

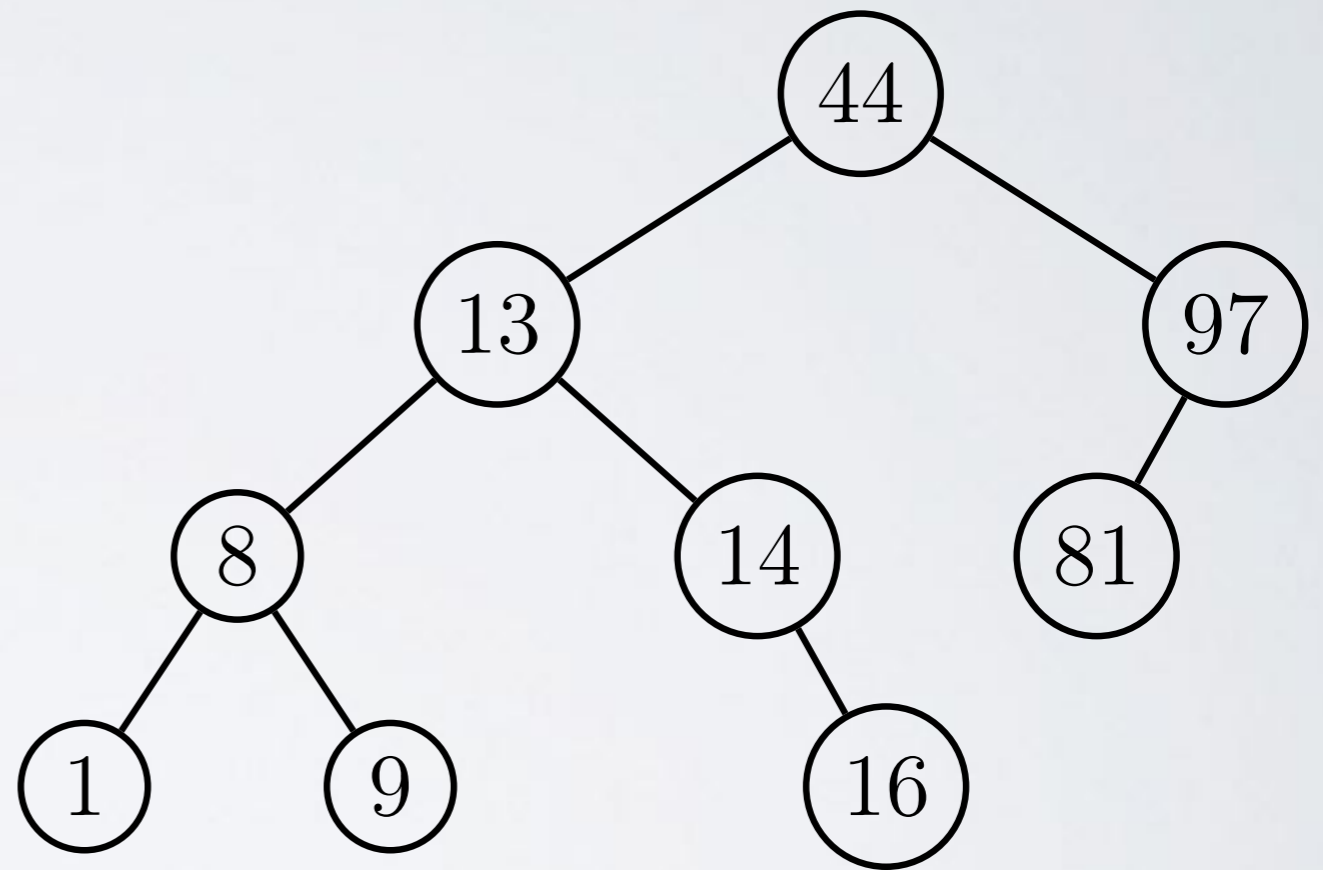
# ПРЕОБРАЗОВАНИЕ ЛЮБОГО ДЕРЕВА В ДВОИЧНОЕ





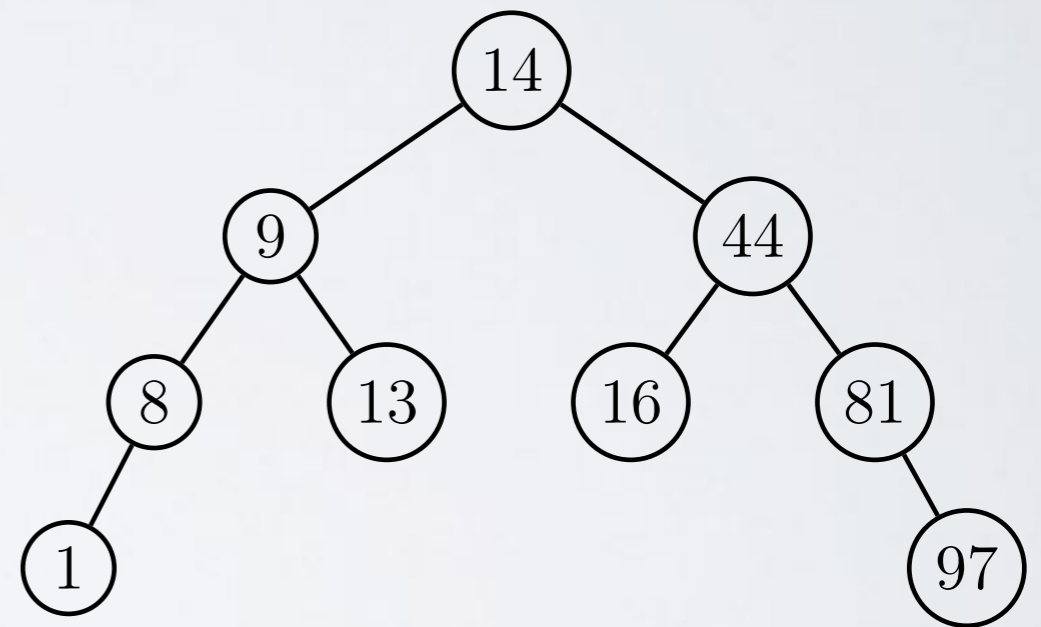
# ДЕРЕВО ПОИСКА

- BST (Binary Search Tree).
- Каждому узлу  $n$  сопоставлен ключ  $k(n)$ .
- $k(x) < k(n)$  для  $x \in L(n)$  — левое поддерево.
- $k(y) > k(n)$  для  $y \in R(n)$  — правое поддерево.



# ИНТЕРФЕЙС ДЕРЕВА ПОИСКА

- Поиск элемента по ключу
- Вставка элемента по ключу
- Удаление элемента по ключу
- Перечисление всех ключей

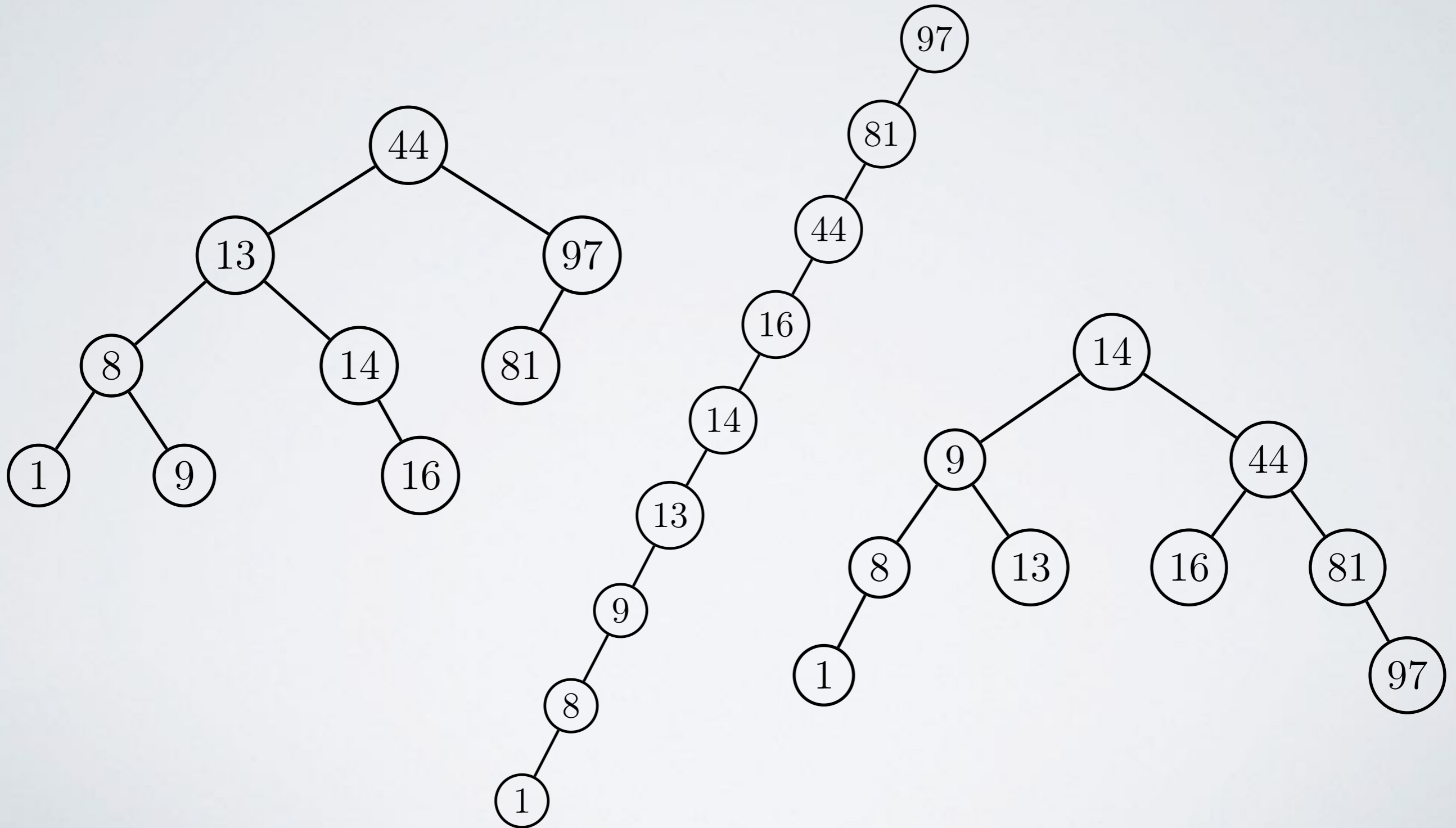


**Поиск и вставка за  $O(h(N))!$**

# ВЫСОТА ДЕРЕВА ПОИСКА

- Бинарное дерево высоты  $h$  содержит максимум  $2^h - 1$  узлов.
- Значит высота  $h(N) \geq \log(N)$ .
- При добавлении случайных элементов  $h(N) \sim 2,99 \log(N)$ .  
Средняя глубина узла  $\sim 1,39 \log(N)$ .
- Но в худшем случае...

# НЕ ВСЕ ДЕРЕВЬЯ ОДИНАКОВО ПОЛЕЗНЫ

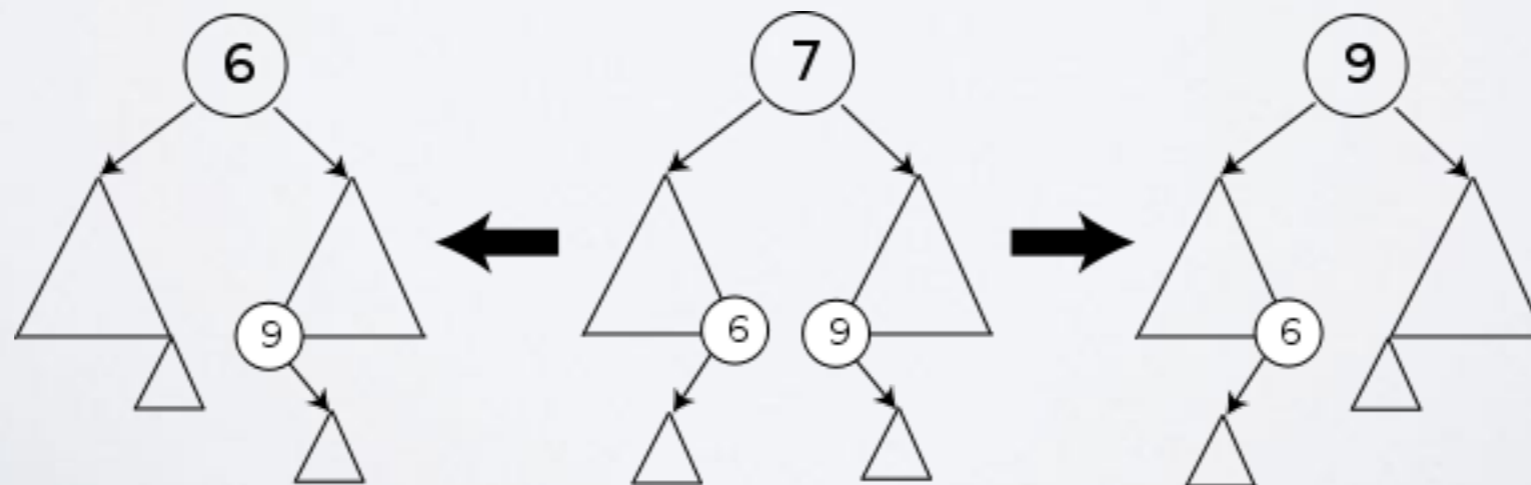


# ПРИМЕНЕНИЯ ДЕРЕВА ПОИСКА

- АД Множество (set)
- АД Мультимножество (multiset)
- АД Ассоциативный массив  
(отображение, map, словарь, dictionary)

# УДАЛЕНИЕ ЭЛЕМЕНТА

- Если лист (нет потомков), то просто удаляем
- Если потомок один, он заменит удаляемый узел
- Если два потомка, то нужно найти либо самый **правый** узел **левого** поддерева, либо самый **левый** узел **правого** поддерева и поставить на место удаляемого узла



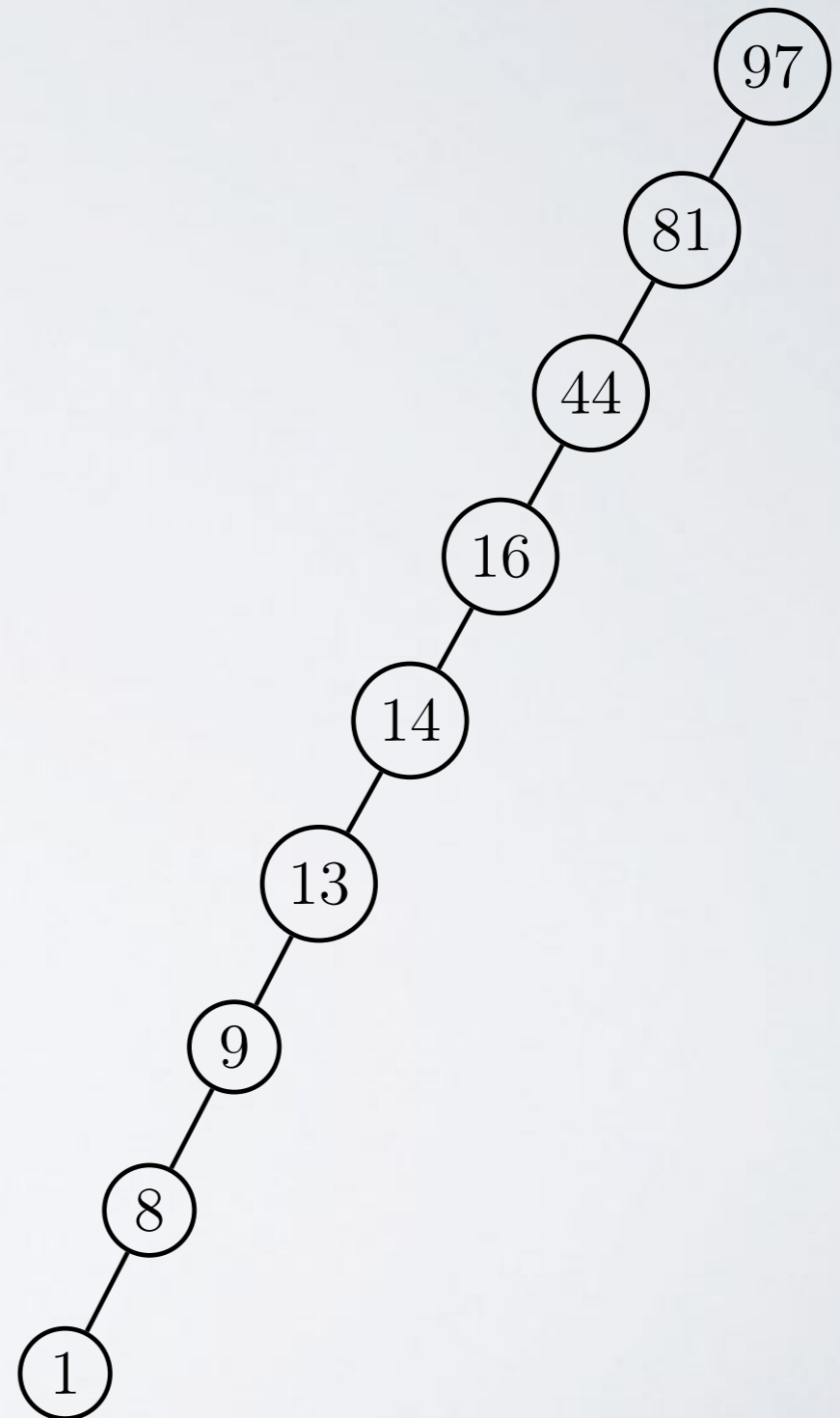
# УДАЛЕНИЕ ЭЛЕМЕНТА

- Представленный алгоритм удаления приводит к тому, что высота дерева растёт и становится  $\sim N^{1/2}$ .
- Даже если случайным образом выбирать, с какой стороны брать новый элемент.
- Есть ли способы гарантированно выполнять поиск и вставку за  $O(\log(N))$ ?



# РЕШЕНИЯ ПРОБЛЕМЫ «КРИВЫХ» ДЕРЕВЬЕВ

- Восстановление оптимальности:
  - «Выворачивание» (*splay trees*),
  - AVL-деревья,
  - Красно-черные деревья.



everything will be okay  
in the end.

if it's not okay,  
it's not the end.

(unknown)

# КОНЕЦ ВОСЬМОЙ ЛЕКЦИИ

Каждый программист в своей жизни должен ..., ... и  
реализовать модуль работы с деревом